### 本次国赛D题涉及到概率论、几何分析和数值模拟等多个方面的知识。首先，需要建立潜艇位置的概率模型，然后分析深弹在不同条件下的命中概率。最终通过数值模拟或解析方法计算命中概率，评估反潜作战的有效性。

### 问题复述

在这个问题中，我们需要模拟反潜作战中使用深水炸弹对潜艇进行攻击的场景。具体来说，潜艇的中心位置在三维空间中是一个随机变量，其中水平方向上的位置（X和Y坐标）服从正态分布，而垂直方向上的深度（Z坐标）服从单边截尾正态分布。深水炸弹在水中垂直下降，通过触发引信或定深引信引爆，具有一定的杀伤半径，若潜艇处于杀伤范围内，则视为命中。

深水炸弹的命中条件包括以下几种情况：

1. **触发引信引爆**：深水炸弹落在潜艇平面范围内，且引爆深度位于潜艇上表面的下方。
2. **定深引信引爆**：深水炸弹落在潜艇平面范围内，且引爆深度位于潜艇上表面的上方，同时潜艇在深弹的杀伤范围内。
3. **定深引信引爆（范围外）**：深水炸弹落在潜艇的平面范围外，但在引爆深度时潜艇在深弹的杀伤范围内。

### 题目分析

这个问题可以分解为以下几个关键点：

1. **潜艇位置的建模**：
   * 潜艇的X、Y坐标服从正态分布N(0,σ2)N(0, \sigma^2)N(0,σ2)。
   * 潜艇的Z坐标服从单边截尾正态分布，其密度函数𝑓(𝑣)𝑓(𝑣)f(v)已经提供。
   * 潜艇的航向角β\betaβ已知。
2. **深弹的引爆条件**：
   * 触发引信：需要计算深弹落点相对于潜艇的平面位置。
   * 定深引信：需要考虑深弹的引爆深度与潜艇的深度之间的关系。
3. **杀伤范围的计算**：
   * 深弹的杀伤半径是一个固定值，需要判断潜艇是否在杀伤半径范围内。
4. **问题的随机性**：
   * 由于潜艇位置的随机性，深弹是否命中的计算涉及概率分析。

### 主要建模技巧分析

1. **概率分布与随机变量的建模**：
   * 潜艇位置的X、Y、Z坐标是随机变量，需要利用正态分布和截尾正态分布来描述其概率分布。
2. **几何关系的计算**：
   * 需要根据给定的潜艇位置和深弹落点，计算它们之间的相对位置，判断是否满足命中条件。
3. **多种命中条件的综合分析**：
   * 不同的引爆条件下，需要对深弹与潜艇之间的关系进行不同的判断。
4. **蒙特卡罗模拟**：
   * 由于问题涉及到随机变量，可以通过蒙特卡罗模拟的方法，估计深弹命中的概率。

### 问题1分析与建模

#### 问题1的目标

我们需要分析投弹最大命中概率与投弹落点平面坐标及定深引信引爆深度之间的关系，并给出使得投弹命中概率最大的投弹方案及最大命中概率的表达式。

#### 关键参数

* 潜艇：长100 m，宽20 m，高25 m。
* 潜艇航向方位角：90°。
* 深弹杀伤半径：20 m。
* 潜艇中心位置的水平定位标准差：σ=120\sigma = 120σ=120 m。
* 潜艇中心位置的深度定位值：150 m。

#### 主要思路

* **潜艇的建模**：潜艇的长、宽、高分别为 L=100L=100L=100 m，W=20W=20W=20 m，H=25H=25H=25 m。潜艇中心位置固定为 (0,0,150)(0, 0, 150)(0,0,150)。
* **深弹的建模**：假设深弹在二维平面上的落点坐标为 (xd,yd)(x\_d, y\_d)(xd​,yd​)，定深引信引爆深度为 zdz\_dzd​，引爆深度与潜艇上表面的关系决定了引爆方式。
* **命中条件**：
  1. 触发引信引爆：如果深弹落在潜艇平面范围内（即∣xd∣≤50|x\_d| \leq 50∣xd​∣≤50 m，∣yd∣≤10|y\_d| \leq 10∣yd​∣≤10 m），且 zd<150−H2z\_d < 150 - \frac{H}{2}zd​<150−2H​。
  2. 定深引信引爆（范围内）：如果深弹落在潜艇平面范围内，且 zd≥150−H2z\_d \geq 150 - \frac{H}{2}zd​≥150−2H​，且潜艇在杀伤半径内。
  3. 定深引信引爆（范围外）：如果深弹落在潜艇平面范围外，到达 zdz\_dzd​ 时潜艇在杀伤半径内。

#### 数学模型

1. **水平命中概率**：
   * 假设潜艇中心的水平坐标 (X,Y)(X, Y)(X,Y) 服从二维正态分布 N(0,σ2)N(0, \sigma^2)N(0,σ2)。
   * 水平命中概率为潜艇平面范围内的概率： [ P\_{xy} = P\left(-\frac{L}{2} \leq X - x\_d \leq \frac{L}{2}, -\frac{W}{2} \leq Y - y\_d \leq \frac{W}{2}\right) ]
   * 由于 XXX 和 YYY 服从正态分布，命中概率可以表示为： [ P\_{xy} = \Phi\left(\frac{\frac{L}{2} + x\_d}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{L}{2} + x\_d}{\sigma}\right) \times \Phi\left(\frac{\frac{W}{2} + y\_d}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{W}{2} + y\_d}{\sigma}\right) ] 其中 Φ(⋅)\Phi(\cdot)Φ(⋅) 是标准正态分布的累积分布函数。
2. **深度命中概率**：
   * 假设潜艇中心的深度为 z0=150z\_0 = 150z0​=150 m，定深引信引爆深度为 zdz\_dzd​。
   * 如果 zd<150−H2z\_d < 150 - \frac{H}{2}zd​<150−2H​，则必须满足触发引信条件。
   * 如果 zd≥150−H2z\_d \geq 150 - \frac{H}{2}zd​≥150−2H​，定深引信引爆条件为潜艇在杀伤半径内，其概率为： [ P\_z = \Phi\left(\frac{20}{\sigma\_z}\right) ]
3. **总命中概率**PhitP\_{\text{hit}}Phit​：
   * 总命中概率是水平命中概率和深度命中概率的乘积： [ P\_{\text{hit}} = P\_{xy} \times P\_z ]

#### 优化问题

我们需要寻找 (xd,yd,zd)(x\_d, y\_d, z\_d)(xd​,yd​,zd​) 使得 PhitP\_{\text{hit}}Phit​ 最大。由于 PxyP\_{xy}Pxy​ 和 PzP\_zPz​ 都是关于 (xd,yd,zd)(x\_d, y\_d, z\_d)(xd​,yd​,zd​) 的函数，因此我们可以通过数值优化方法来最大化 PhitP\_{\text{hit}}Phit​。

### 用到的公式

1. **水平命中概率**： [ P\_{xy} = \left[\Phi\left(\frac{\frac{L}{2} + x\_d}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{L}{2} + x\_d}{\sigma}\right)\right] \times \left[\Phi\left(\frac{\frac{W}{2} + y\_d}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{W}{2} + y\_d}{\sigma}\right)\right] ]
2. **深度命中概率**： [ P\_z = \Phi\left(\frac{20}{\sigma\_z}\right) ]
3. **总命中概率**： [ P\_{\text{hit}} = P\_{xy} \times P\_z ]

### 代码实现

下面是Python代码，使用SciPy库进行数值优化：

import numpy as np from scipy.stats import norm from scipy.optimize import minimize # 参数定义 L = 100# 潜艇长度 W = 20# 潜艇宽度 H = 25# 潜艇高度 sigma = 120# 水平定位标准差 z0 = 150# 潜艇深度定位值 kill\_radius = 20# 深弹杀伤半径# 水平命中概率函数defP\_xy(xd, yd, sigma): Px = norm.cdf((L / 2 + xd) / sigma) - norm.cdf((-L / 2 + xd) / sigma) Py = norm.cdf((W / 2 + yd) / sigma) - norm.cdf((-W / 2 + yd) / sigma) return Px \* Py # 深度命中概率函数defP\_z(z\_d, z0, H, kill\_radius):if z\_d < z0 - H / 2: return1.0# 触发引信引爆else: return norm.cdf(kill\_radius / sigma) # 总命中概率函数defP\_hit(params): xd, yd, zd = params return -P\_xy(xd, yd, sigma) \* P\_z(zd, z0, H, kill\_radius) # 优化问题 initial\_guess = [0, 0, z0] result = minimize(P\_hit, initial\_guess, bounds=[(-L/2, L/2), (-W/2, W/2), (z0-H/2, z0+kill\_radius)], method='L-BFGS-B') # 输出结果 xd\_opt, yd\_opt, zd\_opt = result.x max\_P\_hit = -result.fun print(f"最优投弹平面坐标: ({xd\_opt:.2f}, {yd\_opt:.2f})") print(f"最优引爆深度: {zd\_opt:.2f} m") print(f"最大命中概率: {max\_P\_hit:.5f}")

### 结果与讨论

1. **结果解释**：
   * 代码优化了投弹平面坐标 (xd,yd)(x\_d, y\_d)(xd​,yd​) 和定深引信引爆深度 zdz\_dzd​，使得命中概率最大。
   * 输出的最优投弹平面坐标和引爆深度对命中概率有显著影响。
2. **模型的创新性**：
   * 通过将水平命中概率与深度命中概率结合，可以得到一个更全面的命中概率模型。
   * 该模型不仅考虑了深弹落点的误差，还结合了定深引信和触发引信的不同引爆条件，得出了复杂情况下的最优投弹策略。
3. **进一步优化**：
   * 可以考虑将蒙特卡罗模拟与优化算法结合，进一步提高结果的精度。
   * 还可以引入其他不确定性因素，如风速、海流等，进一步复杂化模型。

以上是对问题1的详细分析、建模和代码实现。通过这个模型，可以得出投弹命中概率最大的方案，并应用于实际的反潜作战策略制定中。

### 问题2分析与建模

#### 问题2的目标

在问题2中，我们需要在潜艇中心位置的所有方向（包括水平和垂直方向）均存在定位误差的情况下，给出投弹命中概率的表达式。同时，针对给定的参数，设计定深引信的引爆深度，使得投弹命中概率最大。

#### 给定的参数

* 潜艇中心位置的深度定位值：150 m
* 垂直方向的标准差：σz=40\sigma\_z = 40σz​=40 m
* 潜艇中心位置实际深度的最小值：120 m
* 其他参数同问题1：
  + 潜艇长：L=100L = 100L=100 m
  + 潜艇宽：W=20W = 20W=20 m
  + 潜艇高：H=25H = 25H=25 m
  + 潜艇航向方位角：90°
  + 深弹杀伤半径：20 m
  + 水平定位标准差：σ=120\sigma = 120σ=120 m

#### 主要思路

* **潜艇位置的建模**：潜艇的X、Y、Z坐标分别服从正态分布或截尾正态分布。
* **深弹的建模**：假设深弹的落点位置为 (xd,yd)(x\_d, y\_d)(xd​,yd​)，定深引信的引爆深度为 zdz\_dzd​。
* **命中概率分析**：
  + 水平位置的命中概率 PxyP\_{xy}Pxy​ 与问题1类似，依然是基于正态分布的概率计算。
  + 垂直位置的命中概率 PzP\_zPz​ 需要基于截尾正态分布来计算。
* **优化问题**：通过优化定深引信的引爆深度 zdz\_dzd​，使得总命中概率最大。

#### 数学模型

1. **水平命中概率**：
   * 潜艇的水平位置 (X,Y)(X, Y)(X,Y) 服从二维正态分布 N(0,σ2)N(0, \sigma^2)N(0,σ2)。
   * 水平命中概率 PxyP\_{xy}Pxy​ 表示为： [ P\_{xy} = \left[\Phi\left(\frac{\frac{L}{2} + x\_d}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{L}{2} + x\_d}{\sigma}\right)\right] \times \left[\Phi\left(\frac{\frac{W}{2} + y\_d}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{W}{2} + y\_d}{\sigma}\right)\right] ]
2. **垂直命中概率**：
   * 潜艇的垂直位置 ZZZ 服从单边截尾正态分布 N(h0,σz2,l)N(h\_0, \sigma\_z^2, l)N(h0​,σz2​,l)，其中 h0=150h\_0 = 150h0​=150 m 是深度定位值，l=120l = 120l=120 m 是潜艇中心位置的最小深度。
   * 截尾正态分布的概率密度函数为： [ f\_{h\_0,\sigma\_z,l}(v) = \frac{1}{\sigma\_z} \cdot \frac{\phi\left(\frac{v - h\_0}{\sigma\_z}\right)}{1 - \Phi\left(\frac{l - h\_0}{\sigma\_z}\right)}, \quad v > l ]
   * 其中，ϕ(⋅)\phi(\cdot)ϕ(⋅) 和 Φ(⋅)\Phi(\cdot)Φ(⋅) 分别是标准正态分布的密度函数和累积分布函数。
   * 定深引信引爆深度为 zdz\_dzd​ 时的垂直命中概率（即潜艇在杀伤半径内的概率）为： [ P\_z = \int\_{z\_d - r}^{z\_d + r} f\_{h\_0,\sigma\_z,l}(v) dv ]
   * 其中 r=20r = 20r=20 m 是深弹的杀伤半径。
3. **总命中概率**：
   * 总命中概率为： [ P\_{\text{hit}} = P\_{xy} \times P\_z ]

#### 优化问题

我们需要寻找定深引信引爆深度 zdz\_dzd​ 使得 PhitP\_{\text{hit}}Phit​ 最大。

### 数学公式总结

1. **水平命中概率**： [ P\_{xy} = \left[\Phi\left(\frac{\frac{L}{2} + x\_d}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{L}{2} + x\_d}{\sigma}\right)\right] \times \left[\Phi\left(\frac{\frac{W}{2} + y\_d}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{W}{2} + y\_d}{\sigma}\right)\right] ]
2. **垂直命中概率**： [ P\_z = \int\_{z\_d - r}^{z\_d + r} \frac{1}{\sigma\_z} \cdot \frac{\phi\left(\frac{v - h\_0}{\sigma\_z}\right)}{1 - \Phi\left(\frac{l - h\_0}{\sigma\_z}\right)} dv ]
3. **总命中概率**： [ P\_{\text{hit}} = P\_{xy} \times P\_z ]

### 代码实现

下面是Python代码，使用SciPy和NumPy来计算并优化总命中概率：

import numpy as np from scipy.stats import norm from scipy.integrate import quad from scipy.optimize import minimize # 参数定义 L = 100# 潜艇长度 W = 20# 潜艇宽度 H = 25# 潜艇高度 sigma\_xy = 120# 水平定位标准差 h0 = 150# 潜艇深度定位值 sigma\_z = 40# 垂直定位标准差 l = 120# 潜艇实际深度的最小值 kill\_radius = 20# 深弹杀伤半径# 水平命中概率函数defP\_xy(xd, yd, sigma\_xy): Px = norm.cdf((L / 2 + xd) / sigma\_xy) - norm.cdf((-L / 2 + xd) / sigma\_xy) Py = norm.cdf((W / 2 + yd) / sigma\_xy) - norm.cdf((-W / 2 + yd) / sigma\_xy) return Px \* Py # 垂直命中概率的积分函数defintegrand(v, h0, sigma\_z, l):return (1 / sigma\_z) \* (norm.pdf((v - h0) / sigma\_z) / (1 - norm.cdf((l - h0) / sigma\_z))) # 垂直命中概率函数defP\_z(z\_d, h0, sigma\_z, l, kill\_radius): lower\_limit = z\_d - kill\_radius upper\_limit = z\_d + kill\_radius lower\_limit = max(lower\_limit, l) # Ensure we respect the minimum depth result, \_ = quad(integrand, lower\_limit, upper\_limit, args=(h0, sigma\_z, l)) return result # 总命中概率函数defP\_hit(params): xd, yd, zd = params return -P\_xy(xd, yd, sigma\_xy) \* P\_z(zd, h0, sigma\_z, l, kill\_radius) # 优化问题 initial\_guess = [0, 0, h0] result = minimize(P\_hit, initial\_guess, bounds=[(-L/2, L/2), (-W/2, W/2), (l, h0+kill\_radius)], method='L-BFGS-B') # 输出结果 xd\_opt, yd\_opt, zd\_opt = result.x max\_P\_hit = -result.fun print(f"最优投弹平面坐标: ({xd\_opt:.2f}, {yd\_opt:.2f})") print(f"最优引爆深度: {zd\_opt:.2f} m") print(f"最大命中概率: {max\_P\_hit:.5f}")

### 结果与讨论

1. **结果解释**：
   * 代码优化了投弹平面坐标 (xd,yd)(x\_d, y\_d)(xd​,yd​) 和引爆深度 zdz\_dzd​，使得总命中概率 PhitP\_{\text{hit}}Phit​ 达到最大。
   * 输出的最优引爆深度 zdz\_dzd​ 是在给定的参数条件下，潜艇最有可能在深弹杀伤范围内的深度。
2. **模型的创新性**：
   * 通过结合水平和垂直方向的命中概率，提出了一个综合的命中概率模型。
   * 垂直方向上引入了截尾正态分布，使得模型更贴近实际情况。
3. **进一步优化**：
   * 可以考虑更多实际因素，如海水密度、潜艇的移动速度等，使模型更为复杂和精确。
   * 使用蒙特卡罗模拟可以进一步验证和优化结果，特别是在处理随机性较强的情况下。

通过这种方法，我们能够得出最优的投弹策略，最大化投弹命中概率，从而提高反潜作战的有效性。

### 问题3分析与建模

#### 问题3的目标

在问题3中，我们需要设计一个投弹方案，其中反潜飞机可携带9枚航空深弹，所有深弹的定深引信引爆深度相同，投弹落点在平面上呈阵列形状。我们的目标是通过合理设计投弹落点的平面间隔和引爆深度，使得至少一枚深弹命中潜艇的概率最大。

#### 给定的参数

* 潜艇中心位置的深度定位值：150 m
* 垂直方向的标准差：σz=40\sigma\_z = 40σz​=40 m
* 潜艇中心位置实际深度的最小值：120 m
* 深弹杀伤半径：20 m
* 水平定位标准差：σ=120\sigma = 120σ=120 m
* 潜艇尺寸：长 L=100L = 100L=100 m，宽 W=20W = 20W=20 m，高 H=25H = 25H=25 m
* 投弹阵列：9枚深弹

#### 主要思路

1. **投弹阵列的建模**：
   * 假设投弹阵列在水平面上呈矩形阵列，阵列的中心为(x0,y0)(x\_0, y\_0)(x0​,y0​)，每枚深弹在阵列中的相对位置为(x0+i⋅dx,y0+j⋅dy)(x\_0 + i \cdot d\_x, y\_0 + j \cdot d\_y)(x0​+i⋅dx​,y0​+j⋅dy​)，其中(i,j)(i, j)(i,j)为阵列中的深弹索引，dxd\_xdx​和dyd\_ydy​为阵列的行间距和列间距。
   * 由于9枚深弹，常见的阵列布置有 3×33 \times 33×3 或 1×91 \times 91×9 等。
2. **单枚深弹的命中概率**：
   * 对于位于阵列中(i,j)(i, j)(i,j)位置的深弹，其落点为(x0+i⋅dx,y0+j⋅dy)(x\_0 + i \cdot d\_x, y\_0 + j \cdot d\_y)(x0​+i⋅dx​,y0​+j⋅dy​)，其命中概率可以按照问题2中的模型计算，包括水平命中概率Pxy(i,j)P\_{xy}^{(i,j)}Pxy(i,j)​和垂直命中概率PzP\_zPz​。
   * 总的命中概率Phit(i,j)P\_{\text{hit}}^{(i,j)}Phit(i,j)​为Pxy(i,j)×PzP\_{xy}^{(i,j)} \times P\_zPxy(i,j)​×Pz​。
3. **多枚深弹的命中概率**：
   * 由于我们要求至少一枚深弹命中潜艇，因此可以使用**独立事件的补充概率**来计算总命中概率PtotalP\_{\text{total}}Ptotal​： [ P\_{\text{total}} = 1 - \prod\_{(i,j)} \left(1 - P\_{\text{hit}}^{(i,j)}\right) ]
   * 其中，Phit(i,j)P\_{\text{hit}}^{(i,j)}Phit(i,j)​ 是第(i,j)(i, j)(i,j)枚深弹的命中概率。
4. **优化问题**：
   * 我们的目标是通过优化阵列中心(x0,y0)(x\_0, y\_0)(x0​,y0​)、间距dx,dyd\_x, d\_ydx​,dy​以及定深引信的引爆深度zdz\_dzd​，使得PtotalP\_{\text{total}}Ptotal​最大。

### 数学模型

1. **单枚深弹的水平命中概率**： [ P\_{xy}^{(i,j)} = \left[\Phi\left(\frac{\frac{L}{2} + x\_0 + i \cdot d\_x}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{L}{2} + x\_0 + i \cdot d\_x}{\sigma}\right)\right] \times \left[\Phi\left(\frac{\frac{W}{2} + y\_0 + j \cdot d\_y}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{-\frac{W}{2} + y\_0 + j \cdot d\_y}{\sigma}\right)\right] ]
2. **垂直命中概率**： [ P\_z = \int\_{z\_d - r}^{z\_d + r} \frac{1}{\sigma\_z} \cdot \frac{\phi\left(\frac{v - h\_0}{\sigma\_z}\right)}{1 - \Phi\left(\frac{l - h\_0}{\sigma\_z}\right)} dv ] 其中，r=20r = 20r=20 m 是深弹的杀伤半径。
3. **总命中概率**： [ P\_{\text{total}} = 1 - \prod\_{(i,j)} \left(1 - P\_{\text{hit}}^{(i,j)}\right) ] 其中，Phit(i,j)=Pxy(i,j)×PzP\_{\text{hit}}^{(i,j)} = P\_{xy}^{(i,j)} \times P\_zPhit(i,j)​=Pxy(i,j)​×Pz​。

### 代码实现

以下是Python代码，用于计算并优化总命中概率：

import numpy as np from scipy.stats import norm from scipy.integrate import quad from scipy.optimize import minimize # 参数定义 L = 100# 潜艇长度 W = 20# 潜艇宽度 H = 25# 潜艇高度 sigma\_xy = 120# 水平定位标准差 h0 = 150# 潜艇深度定位值 sigma\_z = 40# 垂直定位标准差 l = 120# 潜艇实际深度的最小值 kill\_radius = 20# 深弹杀伤半径# 计算单枚深弹的水平命中概率defP\_xy(xd, yd, sigma\_xy): Px = norm.cdf((L / 2 + xd) / sigma\_xy) - norm.cdf((-L / 2 + xd) / sigma\_xy) Py = norm.cdf((W / 2 + yd) / sigma\_xy) - norm.cdf((-W / 2 + yd) / sigma\_xy) return Px \* Py # 垂直命中概率的积分函数defintegrand(v, h0, sigma\_z, l):return (1 / sigma\_z) \* (norm.pdf((v - h0) / sigma\_z) / (1 - norm.cdf((l - h0) / sigma\_z))) # 计算单枚深弹的垂直命中概率defP\_z(z\_d, h0, sigma\_z, l, kill\_radius): lower\_limit = z\_d - kill\_radius upper\_limit = z\_d + kill\_radius lower\_limit = max(lower\_limit, l) # Ensure we respect the minimum depth result, \_ = quad(integrand, lower\_limit, upper\_limit, args=(h0, sigma\_z, l)) return result # 计算多枚深弹的总命中概率defP\_total(params, d\_x, d\_y): x0, y0, z\_d = params total\_prob = 1.0for i inrange(-1, 2): # 3x3 gridfor j inrange(-1, 2): xd = x0 + i \* d\_x yd = y0 + j \* d\_y P\_hit = P\_xy(xd, yd, sigma\_xy) \* P\_z(z\_d, h0, sigma\_z, l, kill\_radius) total\_prob \*= (1 - P\_hit) return1 - total\_prob # 优化问题defoptimize(d\_x, d\_y): initial\_guess = [0, 0, h0] result = minimize(lambda params: -P\_total(params, d\_x, d\_y), initial\_guess, bounds=[(-L/2, L/2), (-W/2, W/2), (l, h0+kill\_radius)], method='L-BFGS-B') return result # 测试不同的d\_x和d\_y best\_prob = 0 best\_dx\_dy = (0, 0) for d\_x in np.linspace(10, 50, 5): for d\_y in np.linspace(10, 50, 5): result = optimize(d\_x, d\_y) if -result.fun > best\_prob: best\_prob = -result.fun best\_dx\_dy = (d\_x, d\_y) best\_params = result.x # 输出结果 xd\_opt, yd\_opt, zd\_opt = best\_params print(f"最优投弹平面坐标中心: ({xd\_opt:.2f}, {yd\_opt:.2f})") print(f"最优引爆深度: {zd\_opt:.2f} m") print(f"最优行间距: {best\_dx\_dy[0]:.2f} m, 列间距: {best\_dx\_dy[1]:.2f} m") print(f"最大命中概率: {best\_prob:.5f}")

### 结果与讨论

1. **结果解释**：
   * 通过逐步优化阵列的行间距dxd\_xdx​和列间距dyd\_ydy​，以及阵列中心坐标和引爆深度，我们可以找到使总命中概率最大的投弹方案。
   * 输出的最优投弹方案包括阵列中心坐标(x0,y0)(x\_0, y\_0)(x0​,y0​)、引爆深度zdz\_dzd​、行间距dxd\_xdx​和列间距dyd\_ydy​。
2. **模型的创新性**：
   * 通过引入独立事件的补充概率来计算多枚深弹的总命中概率，从而有效地分析和优化多枚深弹的排列方式。
   * 该模型不仅考虑了单枚深弹的命中概率，还通过优化阵列的排布使得总命中概率最大化。
3. **进一步优化**：
   * 可以考虑不同的阵列形状，如六边形阵列或不规则阵列，进一步提高命中概率。
   * 还可以考虑多架反潜飞机协同作战的情况，进一步增加命中概率。

通过这种方法，我们可以设计一个合理的投弹方案，在实际反潜作战中最大化命中概率，并提高作战的有效性。